

Задача разбора (синтаксический анализ)

Даны КС-грамматика G и цепочка x .

$x \in L(G)$?

*Если да, то построить дерево вывода для x
(или левый вывод для x , или правый вывод для x).*

Существуют различные методы синтаксического анализа для КС-грамматик;

для некоторых подклассов есть эффективные методы, затрачивающие линейное время на S_n на анализ цепочки длины n .

Каждый метод синтаксического анализа предполагает свой способ построения по грамматике программы-анализатора, которая будет осуществлять разбор цепочек.

В основе анализатора может быть автомат с магазинной памятью. Мы рассмотрим другой способ – метод рекурсивного спуска (система рекурсивных процедур).

Анализатор некорректен, если:

- не распознает хотя бы одну цепочку, принадлежащую языку;
- распознает хотя бы одну цепочку, языку не принадлежащую;
- зацикливается на какой-либо цепочке.

Метод анализа *применím* к данной грамматике, если анализатор, построенный в соответствии с этим методом, корректен.

Метод рекурсивного спуска (РС-метод)

Пример: пусть дана грамматика $G = (\{a, b, c, d\}, \{S, A, B\}, P, S)$,
где

$$P: S \rightarrow ABd$$

$$A \rightarrow a \mid cA$$

$$B \rightarrow bA$$

и надо определить, принадлежит ли цепочка $cabad$ языку $L(G)$.

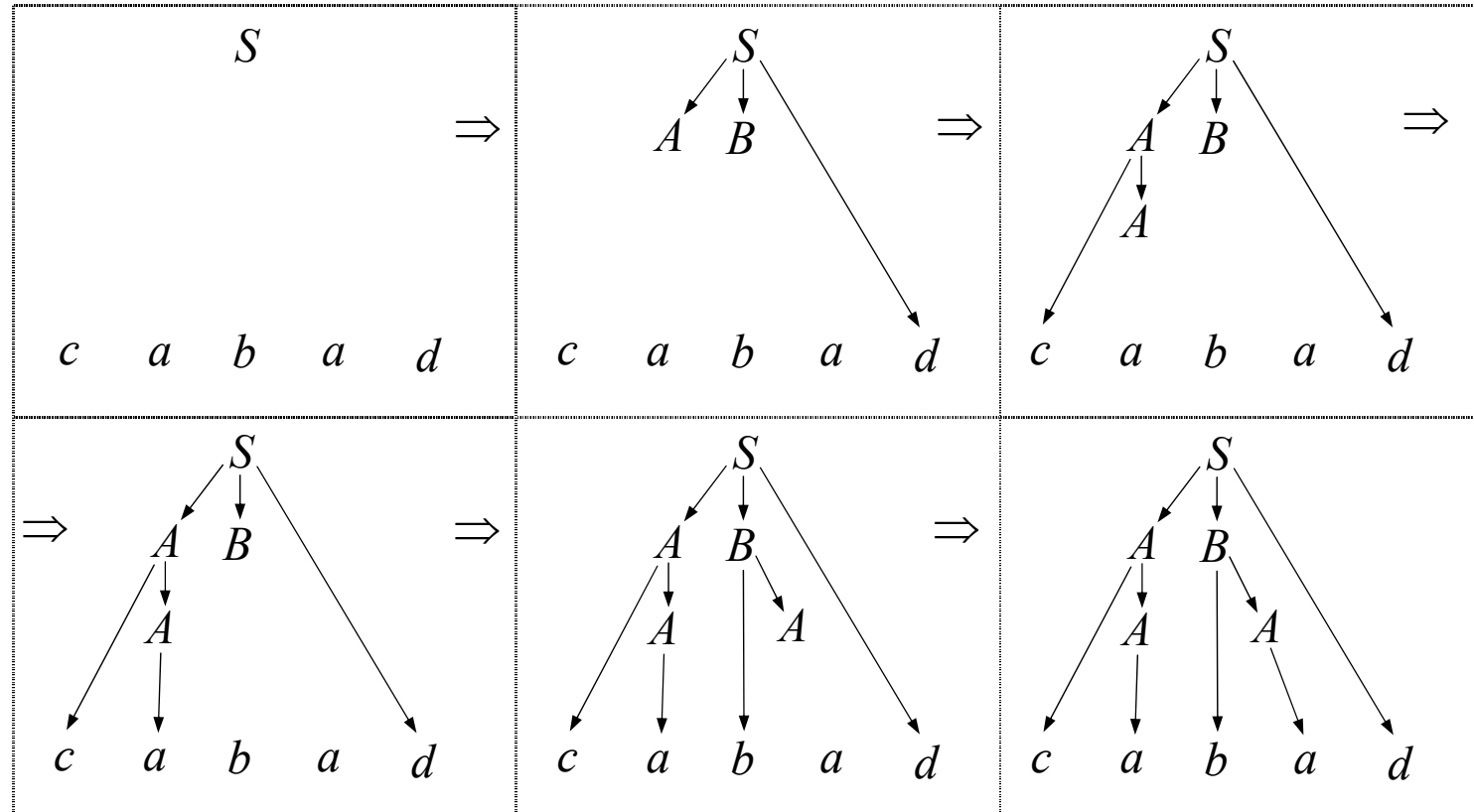
Построим левый вывод этой цепочки:

$$S \rightarrow ABd \rightarrow cABd \rightarrow caBd \rightarrow cabAd \rightarrow cabad$$

Следовательно, цепочка принадлежит языку $L(G)$.

$$S \rightarrow ABd \rightarrow cABd \rightarrow caBd \rightarrow cabAd \rightarrow cabad$$

Построение левого вывода эквивалентно построению дерева вывода методом «сверху вниз» (нисходящим методом) :



Метод рекурсивного спуска (РС-метод):

Для **каждого нетерминала** грамматики создается своя процедура с **именем** этого нетерминала; ее задача — начиная с указанного места исходной цепочки найти подцепочку, которая выводится из этого нетерминала.

Если подцепочку удалось найти, то работа процедуры считается нормально завершенной и осуществляется возврат в точку вызова, иначе — разбор прекращается и сообщается об ошибке, цепочка не принадлежит языку.

Тело каждой такой процедуры пишется непосредственно по правилам вывода соответствующего нетерминала: терминалы из правой части распознаются самой процедурой, а нетерминалы соответствуют вызовам процедур, носящих их имена.

```
#include <iostream.h>
```

```
int c;
```

```
void A ();
```

```
void B ();
```

```
void gc ()
```

```
{
```

```
    cin >> c; // считать символ из входного потока
```

```
}
```

```
void s ()
```

```
{
```

```
    cout << "S-->ABd, "; // применяемое правило вывода
```

```
    A();
```

```
    B();
```

```
    if ( c != 'd' )
```

```
        throw c;
```

```
}
```

 $G_1:$ $S \rightarrow ABd$ $A \rightarrow a \mid cA$ $B \rightarrow bA$

```
void A ()
{
    if ( c == 'a' )
    {
        cout << "A-->a, ";
        gc ();
    }
    else if ( c == 'c' )
    {
        cout << "A-->cA, ";
        gc ();
        A ();
    }
    else
        throw c;
}
```

G_1 :

$S \rightarrow ABd$
 $A \rightarrow a \mid cA$
 $B \rightarrow bA$


```
void B ()
{
    if ( c == 'b' )
    {
        cout << "B-->bA, ";
        gc ();
        A ();
    }
    else
        throw c;
}
```

$G_1:$

$$S \rightarrow ABd$$
$$A \rightarrow a \mid cA$$
$$B \rightarrow bA$$

```

int main ()
{
    try
    {
        gc ();
        S ();
        if ( c != '⊥' ) // проверяем, что достигнут конец
                        // цепочки
            throw c;
        cout << "SUCCESS !!!" << endl;
        return 0;
    }
    catch ( int c )
    {
        cout << "ERROR on lexeme" << c << endl;
        return 1;
    }
}

```

$G_1:$

$$S \rightarrow ABd$$

$$A \rightarrow a \mid cA$$

$$B \rightarrow bA$$

Достаточное условие применимости метода рекурсивного спуска

Для применимости метода рекурсивного спуска достаточно, чтобы каждое правило в грамматике имело вид:

(а) либо $X \rightarrow \alpha$,

где $\alpha \in (T \cup N)^*$ и это единственное правило вывода для этого нетерминала;

(б) либо $X \rightarrow a_1\alpha_1 \mid a_2\alpha_2 \mid \dots \mid a_n\alpha_n$,

где $a_i \in T$ для всех $i = 1, 2, \dots, n$; $a_i \neq a_j$ для $i \neq j$; $\alpha_i \in (T \cup N)^*$, т. е. если для нетерминала X правил вывода несколько, то они должны начинаться с терминалов, причем все эти терминалы должны быть различными;

Это условие не является необходимым.

Найдем критерий применимости

РС-метод применим, если и только если левый вывод (или дерево нисходящим способом) можно построить, начиная с начального символа S , так, что на каждом шаге вывода решение о том, какое правило (альтернативу) применять для замены левого нетерминала, безошибочно принимается по первому символу из непрочитанной части входной цепочки (т. е. по «текущему» символу).

Рассмотрим примеры

G_2 :

$$S \rightarrow aA \mid B \mid d$$

$$A \rightarrow d \mid aA$$

$$B \rightarrow aA \mid a$$

G_2 неоднозначна, РС-метод неприменим.

нельзя дать однозначный прогноз, что делать на первом шаге при анализе цепочки, начинающейся с символа a (т. е. по текущему символу a невозможно сделать однозначный выбор: $S \rightarrow aA$ или $S \rightarrow B$)

G_3 однозначна, но РС-метод неприменим

G_3 :

$$S \rightarrow A \mid B$$

$$A \rightarrow aA \mid d$$

$$B \rightarrow aB \mid b$$

Определение: множество $first(\alpha)$ — это множество терминальных символов, которыми начинаются цепочки, выводимые из цепочки α в грамматике $G = \langle T, N, P, S \rangle$, т. е.

$$first(\alpha) = \{ a \in T \mid \alpha \Rightarrow a\alpha', \text{ где } \alpha \in (T \cup N)^+, \alpha' \in (T \cup N)^* \}.$$

Например: $first(A) = \{ a, d \}$, $first(B) = \{ a, b \}$. Пересечение этих множеств непусто: $first(A) \cap first(B) = \{ a \} \neq \emptyset$, и поэтому метод рекурсивного спуска к G_3 неприменим.

Итак, наличие в грамматике правил вида $X \rightarrow \alpha \mid \beta$, таких что $first(\alpha) \cap first(\beta) \neq \emptyset$, делает метод рекурсивного спуска неприменимым.

Рассмотрим еще несколько примеров.

$$\begin{array}{l}
 G_4: \\
 S \rightarrow aA \mid BDc \\
 A \rightarrow BAa \mid aB \mid b \\
 B \rightarrow \varepsilon \\
 D \rightarrow B \mid b
 \end{array}
 \left|
 \begin{array}{l}
 first(aA) = \{ a \}, \quad first(BDc) = \{ b, c \}; \\
 first(BAa) = \{ a, b \}, \quad first(aB) = \{ a \}, \\
 \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \qquad first(b) = \{ b \}; \\
 \\
 first(\varepsilon) = \emptyset; \\
 first(B) = \emptyset, \quad first(b) = \{ b \}.
 \end{array}
 \right.$$

Метод рекурсивного спуска неприменим к грамматике G_4 , так как $first(BAa) \cap first(aB) = \{ a \} \neq \emptyset$.

G_5 :

$$S \rightarrow aA$$

$$A \rightarrow BC \mid B$$

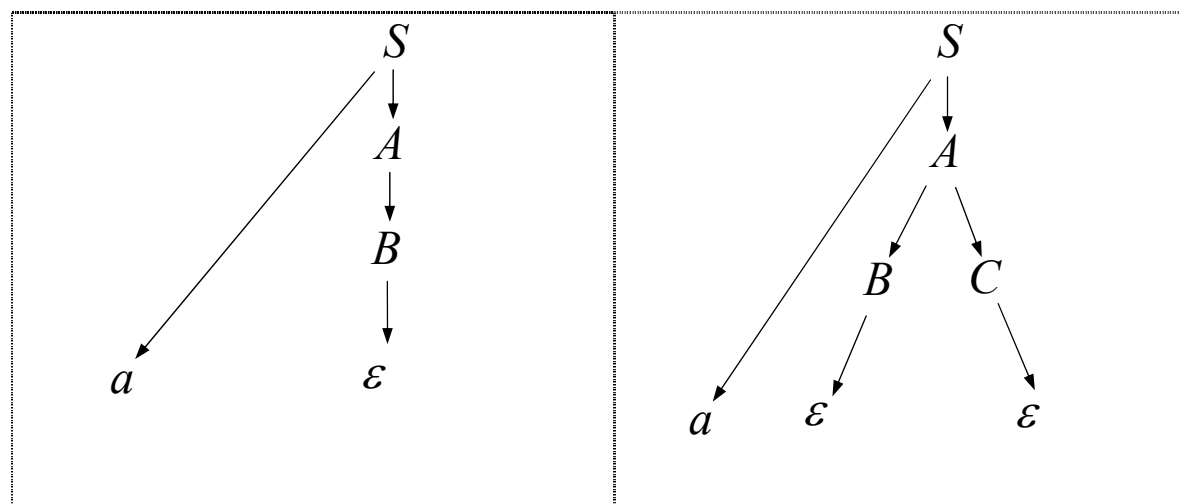
$$C \rightarrow b \mid \varepsilon$$

$$B \rightarrow \varepsilon$$

Пересечение множеств *first* пусто, но РС-метод неприменим.

Действительно, $BC \Rightarrow \varepsilon$ и $B \Rightarrow \varepsilon$. Цепочка a имеет два различных дерева

вывода



Таким образом, если в грамматике для двух различных правил $X \rightarrow \alpha \mid \beta$ выполняются соотношения $\alpha \Rightarrow \varepsilon$ и $\beta \Rightarrow \varepsilon$, то метод рекурсивного спуска неприменим.

Рассмотрим примеры с единственной альтернативой, из которой выводится ε .

G_6 :

$$S \rightarrow cAd \mid d$$

$$A \rightarrow aA \mid \varepsilon$$

Метод применим: если текущий символ a , то выбираем альтернативу $A \rightarrow aA$ иначе — $A \rightarrow \varepsilon$

G_7 :

$$S \rightarrow Bd$$

$$B \rightarrow cAa \mid a$$

$$A \rightarrow aA \mid \varepsilon$$

Неприменим, т.к. для A невозможно правильно выбрать альтернативу без «заглядывания» на символ вперед.

Определение: множество $follow(A)$ — это множество терминальных символов, которые следуют за цепочками, выводимыми из A в грамматике $G = \langle T, N, P, S \rangle$, т. е.

$$follow(A) = \{ a \in T \mid S \Rightarrow \alpha A \beta, \beta \Rightarrow a \gamma, A \in N, \alpha, \beta, \gamma \in (T \cup N)^* \}$$

Тогда, если в грамматике есть пара правил $X \rightarrow \alpha \mid \beta$, таких что $\beta \Rightarrow \varepsilon$, $first(\alpha) \cap follow(X) \neq \emptyset$, то метод рекурсивного спуска неприменим к данной грамматике.

Утверждение. Пусть G — КС-грамматика. Метод рекурсивного спуска применим к G , если и только если для любой пары альтернатив вида $X \rightarrow \alpha \mid \beta$ выполняются следующие условия:

- (1) $first(\alpha) \cap first(\beta) = \emptyset$;
- (2) справедливо не более чем одно из двух соотношений:
 $\alpha \Rightarrow \varepsilon, \beta \Rightarrow \varepsilon$;
- (3) если $\beta \Rightarrow \varepsilon$, то $first(\alpha) \cap follow(X) = \emptyset$.

Канонический вид для РС-метода

- (1) либо $X \rightarrow \alpha$,
 где $\alpha \in (T \cup N)^*$ и это единственное правило вывода для этого нетерминала;
- (2) либо $X \rightarrow a_1\alpha_1 \mid a_2\alpha_2 \mid \dots \mid a_n\alpha_n$,
 где $a_i \in T$ для всех $i = 1, 2, \dots, n$; $a_i \neq a_j$ для $i \neq j$;
 $\alpha_i \in (T \cup N)^*$, т. е. если для нетерминала X правил вывода несколько, то они должны начинаться с терминалов, причем все эти терминалы должны быть попарно различными;
- (3) либо $X \rightarrow a_1\alpha_1 \mid a_2\alpha_2 \mid \dots \mid a_n\alpha_n \mid \varepsilon$,
 где $a_i \in T$ для всех $i = 1, 2, \dots, n$; $a_i \neq a_j$ для $i \neq j$;
 $\alpha_i \in (T \cup N)^*$, и $first(X) \cap follow(X) = \emptyset$.

Этот вид удобен для построения рекурсивных процедур, но он дает только достаточное условие применимости.

Вопрос: *если грамматика не удовлетворяет критерию применимости РС-метода, то существует ли эквивалентная КС-грамматика, для которой метод рекурсивного спуска применим?*

К сожалению, нет алгоритма, отвечающего на этот вопрос для произвольной КС-грамматики, т.е. это ***алгоритмически неразрешимая проблема.***

Модификация метода для грамматик с итераторами:

Для правил вида $L \rightarrow a \{,a\}$

(эквивалент $L \rightarrow a \mid a, L$)

рекурсию заменяем итерацией:

```
void L ()
{ if (c != 'a') throw c;
  gc ();
  while (c == ',')
    {gc (); if (c != 'a') throw c; else
      gc ();}
}
```

Важно, чтобы в любой сентенциальной форме после L не было запятой, иначе L прочитает «не свою» запятую. (Вместо запятой в данном примере может быть любой другой символ.)

Пример, когда анализатор по вышеприведенной схеме не дает корректный ответ:

G :

$$S \rightarrow LB \perp$$

$$L \rightarrow a \{, a\}$$

$$B \rightarrow , b$$

Если для этой грамматики написать анализатор, действующий РС-методом, то цепочка a, a, a, b будет признана им ошибочной, хотя $a, a, a, b \in L(G)$.

В языках программирования после повторяющихся конструкций обычно идет какой-нибудь новый символ, так что подобных проблем не возникает:

var $a, b, c, d : integer;$ или *int* $a, b, c, d;$

Если грамматику переписать без итератора $\{ \}$

$$S \rightarrow LB \perp$$

$$L \rightarrow a M$$

$$M \rightarrow , a M \mid \varepsilon$$

$$B \rightarrow , b$$

то нетрудно видеть, что $first(, a) \cap follow(M) = \{ , \} \neq \emptyset$, и поэтому метод рекурсивного спуска неприменим.

Эквивалентные преобразования для КС-грамматик,¹²⁴
которые могут помочь перестроить исходную
грамматику так, чтобы РС-метод был применим.

1) Если в грамматике есть нетерминалы, правила вывода
которых леворекурсивны, т.е. имеют вид

$$A \rightarrow A\alpha_1 \mid \dots \mid A\alpha_n \mid \beta_1 \mid \dots \mid \beta_m,$$

где $\alpha_i \in (V_T \cup V_N)^+$, $\beta_j \in (V_T \cup V_N)^*$, $i = 1, 2, \dots, n$; $j = 1, 2, \dots, m$,

то левую рекурсию всегда можно заменить правой:

$$A \rightarrow \beta_1 A' \mid \dots \mid \beta_m A'$$
$$A' \rightarrow \alpha_1 A' \mid \dots \mid \alpha_n A' \mid \varepsilon$$

Будет получена грамматика, эквивалентная исходной.

2) Если в грамматике есть нетерминал, у которого несколько правил вывода начинаются **одинаковыми терминальными символами**, т.е. имеют вид

$$A \rightarrow a\alpha_1 \mid a\alpha_2 \mid \dots \mid a\alpha_n \mid \beta_1 \mid \dots \mid \beta_m,$$

где $a \in V_T$; $\alpha_i, \beta_j \in (V_T \cup V_N)^*$,

то можно преобразовать правила вывода данного нетерминала, объединив правила с общими началами в одно правило:

$$A \rightarrow aA' \mid \beta_1 \mid \dots \mid \beta_m$$

$$A' \rightarrow \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$$

Будет получена грамматика, эквивалентная исходной.

3) Если в грамматике есть нетерминал, у которого ¹²⁶ **несколько** правил вывода, и среди них есть правила, **начинающиеся нетерминальными символами**, т.е. имеют вид

$$A \rightarrow B_1\alpha_1 \mid \dots \mid B_n\alpha_n \mid a_1\beta_1 \mid \dots \mid a_m\beta_m$$

$$B_1 \rightarrow \gamma_{11} \mid \dots \mid \gamma_{1k}$$

...

$$B_n \rightarrow \gamma_{n1} \mid \dots \mid \gamma_{np}, \quad \text{где} \quad B_i \in N; \quad a_j \in T; \quad \alpha_i, \beta_j, \gamma_{ij} \in (T \cup N)^*,$$

то можно заменить вхождения нетерминалов B_i их правыми частями из правил вывода:

$$A \rightarrow \gamma_{11}\alpha_1 \mid \dots \mid \gamma_{1k}\alpha_1 \mid \dots \mid \gamma_{n1}\alpha_n \mid \dots \mid \gamma_{np}\alpha_n \mid a_1\beta_1 \mid \dots \mid a_m\beta_m$$

Будет получена грамматика, эквивалентная исходной.

4) Если в грамматике есть правила

$$A \rightarrow \alpha_1 A \mid \dots \mid \alpha_n A \mid \beta_1 \mid \dots \mid \beta_m \mid \varepsilon$$

$$B \rightarrow \alpha A \beta$$

и $FIRST(A) \cap FOLLOW(A) \neq \emptyset$ (из-за вхождения A в правило вывода для B), то можно преобразовать их в такие:

$$B \rightarrow \alpha A'$$

$$A' \rightarrow \alpha_1 A' \mid \dots \mid \alpha_n A' \mid \beta_1 \beta \mid \dots \mid \beta_m \beta \mid \beta$$

Полученная грамматика будет эквивалентна исходной.

Задача разбора (синтаксический анализ) для неоднозначных грамматик

две постановки задачи:

(1) *Даны КС-грамматика G и цепочка x . Требуется проверить: $x \in L(G)$? Если да, то построить все деревья вывода для x (или все левые выводы для x , или все правые выводы для x)*

Для решения этой задачи можно обобщить метод рекурсивного спуска, чтобы он работал с возвратами, пробуя различные подходящие альтернативы.

(2) *Даны КС-грамматика G и цепочка x . Требуется проверить: $x \in L(G)$? Если да, то построить одно дерево вывода для x (возможно, «наиболее подходящее» в некотором смысле).*

Рассмотрим пример. Грамматика неоднозначна. РС-метод неприменим.

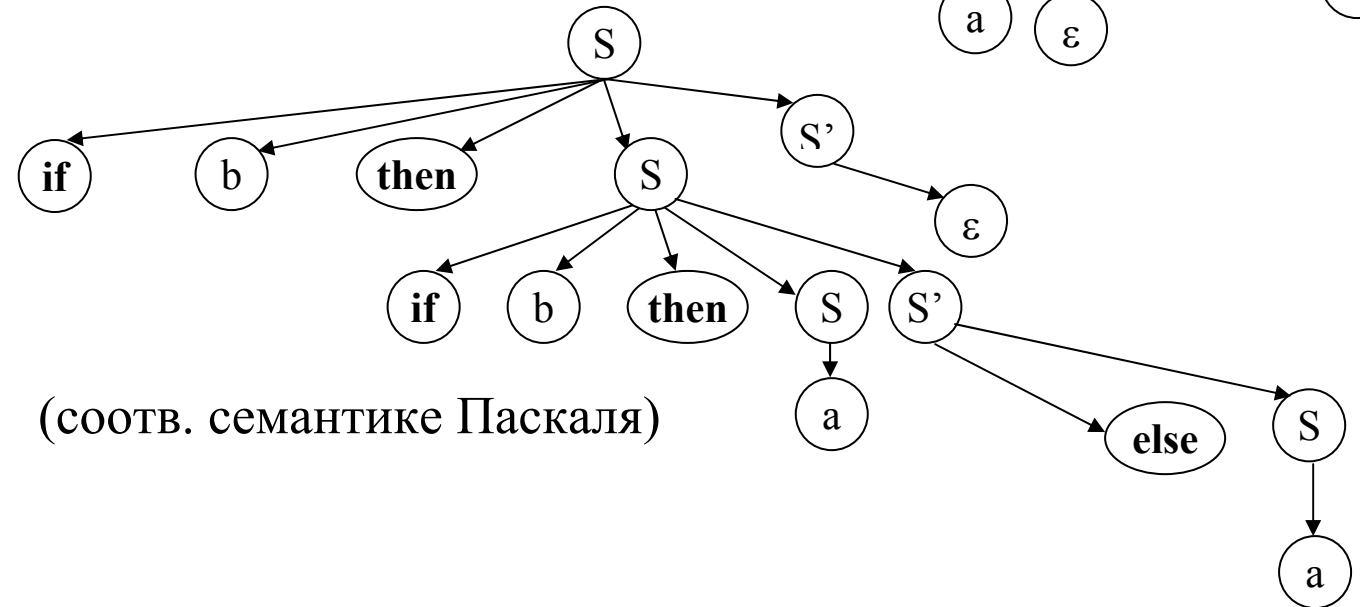
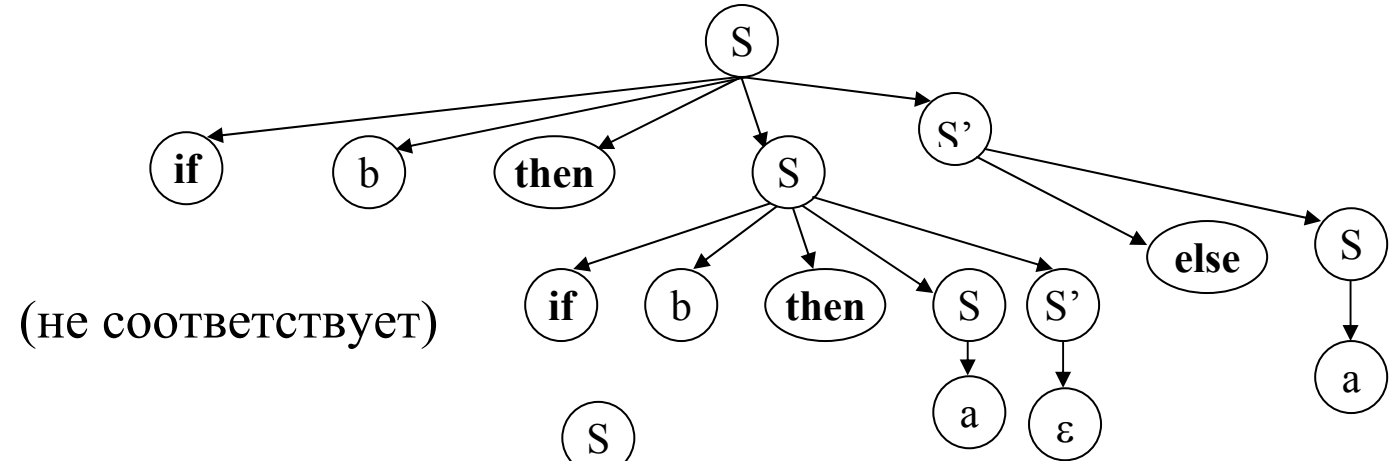
$$G = (\{\mathbf{if}, \mathbf{then}, \mathbf{else}, a, b\}, \{S\}, P, S, S'),$$

$$\text{где } P = \{S \rightarrow \mathbf{if } b \mathbf{ then } S S' \mid a;$$

$$S' \rightarrow \mathbf{else } S \mid \varepsilon \}.$$

В этой грамматике для цепочки **if b then if b then a else a** можно построить два различных дерева вывода:

Одно из них соответствует семантике Паскаля: **else** относится к ближайшему **if**. Такое дерево можно получить, написав РС-процедуры, где S' по возможности отдает предпочтение непустой альтернативе.



Синтаксический анализатор для М-языка

Будем считать, что синтаксический и лексический анализаторы взаимодействуют следующим образом: анализ исходной программы идет под управлением синтаксического анализатора; если для продолжения анализа ему нужна очередная лексема, то он запрашивает ее у лексического анализатора; тот выдает одну лексему и "замирает" до тех пор, пока синтаксический анализатор не запросит следующую лексему.

Соглашения:

- лексический анализатор — это функция-член класса `Scanner` — `get_lex ()`, которая в качестве результата выдает лексемы типа (class) `Lex`;
- в переменной `Lex curr_lex` будем хранить текущую лексему, выданную лексическим анализатором, (а в переменной `s_val` — ее значение, в `s_type` — ее тип, это пригодится на этапе семантического анализа.)

Грамматика модельного языка

P → **program** D1; B⊥
 D1 → **var** D {,D}
 D → I {,I}: [**int** | **bool**]
 B → **begin** S {;S} **end**
 S → I := E | **if** E **then** S **else** S | **while** E **do** S | B | **read** (I) | **write** (E)
 E → E1 [= | < | > | <= | >= | !=] E1 | E1
 E1 → T { [+ | - | *or*] T }
 T → F { [* | / | *and*] F }
 F → I | N | L | *not* F | (E)
 L → **true** | **false**
 I → a | b | ... | z | Ia | Ib | ... | Iz | I0 | I1 | ... | I9
 N → 0 | 1 | ... | 9 | N0 | N1 | ... | N9

```
class Parser {
    Lex curr_lex;
    type_of_lex c_type;
    int c_val;
    Scanner scan;
    // Stack < int, 100 > st_int;
    // Stack < type_of_lex, 100 > st_lex;
    void P(); void D1(); void D(); void B(); void S();
    void E(); void E1(); void T(); void F();

    void gl () {
        curr_lex = scan.get_lex();
        c_type = curr_lex.get_type();
        // c_val = curr_lex.get_value();
    }
public:
    // Poliz prog;
    Parser (const char *program) : scan(program) //, prog (1000)
    {}
    void analyze();
};
```



```
void Parser::analyze () {
    gl();
    P();
    // prog.print();
    cout << endl << "OK" << endl;
}

void Parser::P () {
    if (c_type == LEX_PROGRAM) gl();
    else throw curr_lex;
    D1();
    if (c_type == LEX_SEMICOLON) gl();
    else throw curr_lex;
    B();
    if (c_type != LEX_FIN) throw curr_lex;
}
```

```
void Parser::D1 () {
    if (c_type == LEX_VAR) {
        gl();
        D();
        while (c_type == LEX_COMMA) { gl(); D(); }
    }
    else throw curr_lex;
}
...
```

Семантический анализ

Контекстно-свободные грамматики, с помощью которых описывают синтаксис языков программирования, не позволяют задавать контекстные условия, имеющиеся в любом языке.

Примеры наиболее часто встречающихся контекстных условий:

- (а) каждый используемый в программе идентификатор должен быть описан, но не более одного раза в одной зоне описания;
- (б) при вызове функции число фактических параметров и их типы должны соответствовать числу и типам формальных параметров;
- (в) обычно в языке накладываются ограничения на типы операндов любой операции, определенной в этом языке, на типы левой и правой частей в операторе присваивания, на тип параметра цикла, на тип условия в операторах цикла и условном операторе и т.п.

Семантический анализатор для М-языка

Контекстные условия, выполнение которых надо контролировать в программах на М-языке:

1. Любое имя, используемое в программе, должно быть описано и только один раз.
2. В операторе присваивания типы переменной и выражения должны совпадать.
3. В условном операторе и в операторе цикла в качестве условия возможно только логическое выражение.
4. Операнды операции отношения должны быть целочисленными.
5. Тип выражения и совместимость типов операндов в выражении определяются по обычным правилам (как в Паскале).

Проверку контекстных условий совместим с синтаксическим анализом. Для этого в синтаксические правила вставим вызовы процедур, осуществляющих необходимый контроль, а затем перенесем их в процедуры рекурсивного спуска.

Обработка описаний

Лексический анализатор запомнил в таблице идентификаторов *TID* все идентификаторы-лексемы, которые были обнаружены в тексте исходной программы. Информация о типе переменных и о наличии их описания заносится в ту же таблицу.

i-ая строка таблицы *TID* соответствует идентификатору-лексеме вида (*LEX_ID*, *i*).

Лексический анализатор заполнил поле *name*; значения полей *declare* и *type* заполняются на этапе семантического анализа.

Раздел описаний имеет вид:

$$D \rightarrow I \{,I\}: [int \mid bool],$$

т.е. имени типа (*int* или *bool*) предшествует список идентификаторов. Эти идентификаторы (вернее, номера соответствующих им строк таблицы *TID*) надо запоминать (мы будем их запоминать в стеке целых чисел *Stack<int,100> st_int*), а когда будет проанализировано имя типа, надо заполнить поля *declare* и *type* в этих строках.

Функция *void Parser::dec (type_of_lex type)* считывает из стека номера строк таблицы *TID*, заносит в них информацию о типе соответствующих переменных, о наличии их описаний и контролирует повторное описание переменных.

139

```
void Parser::dec ( type_of_lex type ) {
    int i;
    while ( !st_int.is_empty() ) {
        i = st_int.pop();
        if ( TID[i].get_declare() ) throw "twice";
        else {
            TID[i].put_declare();
            TID[i].put_type(type);
        }
    }
}
```

С учетом имеющихся функций правило вывода с действиями для обработки описаний будет таким:

$$D \rightarrow \langle st_int.reset() \rangle I \langle st_int.push(c_val) \rangle \\ \{, I \langle st_int.push(c_val) \rangle \}: \\ [int \langle dec(LEX_INT) \rangle \mid bool \langle dec(LEX_BOOL) \rangle]$$

Контроль контекстных условий в выражении

Типы операндов и обозначение операций будем хранить в стеке *Stack<type_of_lex, 100> st_lex*.

Если в выражении встречается лексема-целое_число или логические константы *true* или *false*, то соответствующий тип сразу заносится в стек.

Если операнд — лексема-переменная, то необходимо проверить, описана ли она; если описана, то ее тип надо занести в стек. Эти действия можно выполнить с помощью функции `check_id`:

```
void parser::check_id() {
    if(TID[c_val].get_declare())
        st_lex.push(TID[c_val].get_type());
    else throw "not declared";
}
```

Для контроля контекстных условий каждой тройки — "операнд-операция-операнд" (для проверки соответствия типов операндов данной двуместной операции) будем использовать функцию *check_op*:

141

```
void Parser::check_op () {
    type_of_lex t1, t2, op, t = LEX_INT, r = LEX_BOOL;
    t2 = st_lex.pop();
    op = st_lex.pop();
    t1 = st_lex.pop();
    if (op==LEX_PLUS || op==LEX_MINUS || op==LEX_TIMES
|| op==LEX_SLASH)
        r = LEX_INT;
    if (op == LEX_OR || op == LEX_AND)
        t = LEX_BOOL;
    if (t1 == t2 && t1 == t) st_lex.push(r);
    else throw "wrong types are in operation";
    prog.put_lex (Lex (op) );
}
```


Для контроля за типом операнда одноместной операции *not* будем использовать функцию *check_not*:

```
void Parser::check_not () {  
    if (st_lex.pop() != LEX_BOOL)  
        throw "wrong type is in not";  
    else {  
        st_lex.push (LEX_BOOL);  
        prog.put_lex (Lex (LEX_NOT));  
    }  
}
```

В грамматике модельного языка задано старшинство операций: наивысший приоритет имеет операция отрицания, затем в порядке убывания приоритета — группа операций умножения (*, /, and), группа операций сложения (+, -, or), операции отношения.

$$\begin{aligned}
 E &\rightarrow EI \mid EI [= \mid < \mid >] EI && 143 \\
 EI &\rightarrow T \{ [+ \mid - \mid or] T \} \\
 T &\rightarrow F \{ [* \mid / \mid and] F \} \\
 F &\rightarrow I \mid N \mid [true \mid false] \mid not F \mid (E)
 \end{aligned}$$

Именно это свойство грамматики позволит провести синтаксически-управляемый контроль контекстных условий.

Правила вывода выражений модельного языка с действиями для контроля контекстных условий:

$$\begin{aligned}
 E &\rightarrow EI \mid EI [= \mid < \mid >] <st_lex.push(c_type)>EI <check_op()> \\
 EI &\rightarrow T \{ [+ \mid - \mid or] <st_lex.push(c_type)>T <check_op()> \} \\
 T &\rightarrow F \{ [* \mid / \mid and] <st_lex.push(c_type)>F <check_op()> \} \\
 F &\rightarrow I <check_id()> \mid N <st_lex.push(LEX_INT)> \mid \\
 &\quad [true \mid false] <st_lex.push(LEX_BOOL)> \mid not F <check_not()> \mid (E)
 \end{aligned}$$

Контроль контекстных условий в операторах

$S \rightarrow I := E \mid \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S \mid \text{while } E \text{ do } S \mid B \mid \text{read } (I) \mid \text{write } (E)$

1) Оператор присваивания $I := E$

Контекстное условие: в операторе присваивания типы переменной I и выражения E должны совпадать.

В результате контроля контекстных условий выражения E в стеке останется тип этого выражения (как тип результата последней операции); если при анализе идентификатора I проверить, описан ли он, и занести его тип в тот же стек (для этого можно использовать функцию `check_id()`), то достаточно будет в нужный момент считать из стека два элемента и сравнить их:

```
void Parser::eq_type () {
    if (st_lex.pop() != st_lex.pop())
        throw "wrong types are in :=";
}
```

Правило для оператора присваивания:

$I \langle \text{check_id}() \rangle := E \langle \text{eq_type}() \rangle$

2) Условный оператор и оператор цикла

if E then S else S | while E do S

Контекстные условия: в условном операторе и в операторе цикла в качестве условия возможны только логические выражения.

В результате контроля контекстных условий выражения E в стеке останется тип этого выражения (как тип результата последней операции); следовательно, достаточно извлечь его из стека и проверить:

```
void Parser::eq_bool () {  
    if ( st_lex.pop() != LEX_BOOL )  
        throw "expression is not boolean";  
}
```

Правила для условного оператора и оператора цикла будут такими:

if E <eq_bool()> then S else S | while E <eq_bool()> do S

3) Для проверки операнда **оператора ввода** `read (I)` можно использовать следующую функцию:

```
void Parser::check_id_in_read () {  
    if ( !TID [c_val].get_declare() ) throw "not  
declared";  
}
```

Правило для оператора ввода будет таким:

read (I < check_id_in_read()>).

В итоге получаем процедуры для синтаксического анализа методом рекурсивного спуска с синтаксически управляемым контролем контекстных условий, которые легко написать по правилам грамматики с действиями.

В качестве примера приведем функцию для нетерминала *D* (раздел описаний):

```
void Parser::D () {
    st_int.reset();
    if (c_type != LEX_ID) throw curr_lex;
    else {
        st_int.push ( c_val );
        gl();
        while (c_type == LEX_COMMA){
            gl();
            if (c_type != LEX_ID) throw curr_lex;
            else {
                st_int.push ( c_val ); gl();
            }
        }
        if (c_type != LEX_COLON) throw curr_lex;
        else {gl();
            if (c_type == LEX_INT) {dec ( LEX_INT ); gl();}
            else
                if (c_type == LEX_BOOL){dec ( LEX_BOOL );
                    gl();}
                else throw curr_lex;
        }
    }
}
```